

Nombre: \_\_\_\_\_

Fecha: \_\_\_\_\_

## Sistemas Electrónicos de Control

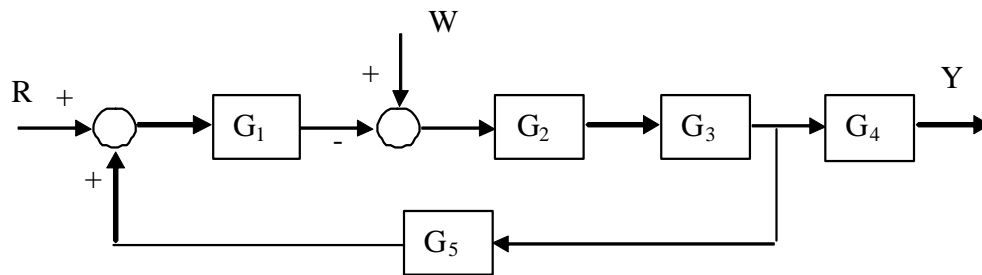
### Autoevaluación - B

**Tiempo:** 1 hora

Sin calculadora

Usar estas hojas para realizar los cálculos necesarios

**Ejercicio 1. Función de transferencia en lazo cerrado.** Indicar cuál de las siguientes transmitancias en lazo cerrado es la correcta:



(a)  $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{G_1 G_2 G_3 G_4}{1 - G_1 G_2 G_3 G_5}$

(b)  $\frac{Y(s)}{W(s)} = \frac{-G_2 G_3 G_4}{1 + G_1 G_2 G_3 G_5}$

(c)  $\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{-G_1 G_2 G_3 G_4}{1 + G_1 G_2 G_3 G_5}$

(d)  $\frac{Y(s)}{W(s)} = \frac{G_2 G_3}{1 - G_1 G_2 G_3 G_5}$

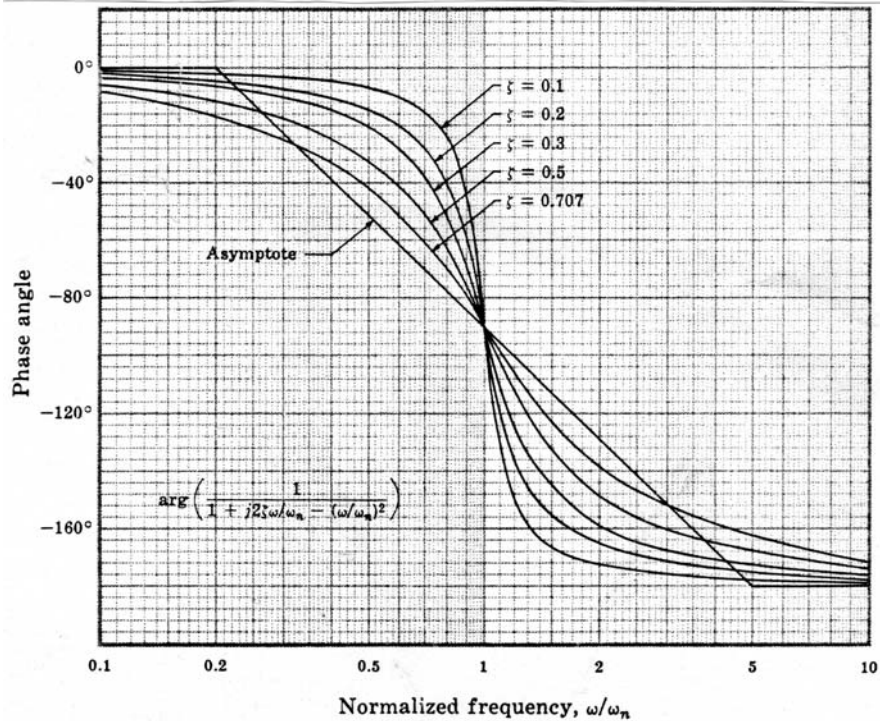
**Ejercicio 2. Cálculo de residuos.** La descomposición en suma de fracciones simples de  $Y(s) = \frac{4}{s^3 + 2s^2 + 2s}$  adopta la forma  $Y(s) = \frac{A}{s} + \frac{B_1}{s + p_1} + \frac{B_2}{s + p_2}$ . Se pide obtener los polos y los residuos.

- (a)  $p_1, p_2 = -1 \pm j$ ,  $p_0 = 0$ ,  $B_1, B_2 = \sqrt{2} \angle \mp 225^\circ$ ,  $A = 2$
- (b)  $p_1, p_2 = -1 \pm 2j$ ,  $p_0 = 0$ ,  $B_1, B_2 = \frac{1}{2\sqrt{2}} \angle \pm 225^\circ$ ,  $A = 2$
- (c)  $p_1, p_2 = -1 \pm j$ ,  $p_0 = 0$ ,  $B_1, B_2 = \sqrt{2} \angle \mp 225^\circ$ ,  $A = \frac{1}{2}$
- (d)  $p_1, p_2 = -2 \pm j$ ,  $p_0 = 0$ ,  $B_1, B_2 = \frac{1}{2\sqrt{2}} \angle \mp 225^\circ$ ,  $A = \frac{1}{2}$

**Ejercicio 3. Teoremas del valor inicial y el valor final.** Obtener el valor temporal final y el valor temporal inicial de la señal cuya transformada es  $Y(s) = \frac{s^3 + 2s^2 + 2s + 9}{s^4 + 5s^3 + 4s^2 + 3s}$ .

- (a)  $y(\infty)=3$ ,  $y(0)=1$
- (b)  $y(\infty)=3$ ,  $y(0)=0$
- (c)  $y(\infty)=9$ ,  $y(0)=0$
- (d)  $y(\infty)=9$ ,  $y(0)=1$

**Ejercicio 4. Corrección fase.** Considerar el sistema  $L(s) = \frac{k}{(s+10)(s^2+5s+25)}$  y la siguiente curva normalizada de corrección de fase:



La fase a  $\omega=10\text{rad/s}$  es:

- (a)  $-191^\circ$       (b)  $-53^\circ$       (c)  $-37^\circ$       (d)  $-259^\circ$

**Ejercicio 5. Lugar geométrico de las raíces de Evans. Polo doble.** Dado el lazo

$L(s) = k \frac{1}{s(s+1)(s+2)}$ , se pide obtener el valor de  $k$  para el cual el servo  $M(s) = \frac{L(s)}{1+L(s)}$  presenta un polo doble. (Nota: Suponer que este polo doble es aproximadamente  $p_1=p_2 \approx -0.4$ ).

- (a)  $k=0.38$  ,    (b)  $k=38$  ,    (c)  $k=380$  ,    (d) Nunca habrá un polo doble

**Ejercicio 6. Criterio de Routh-Hurwitz.** El denominador de un determinado servo es

$$D_M(s) = s^3 + 16s^2 + 160s + 1000 + k.$$

Obtener, por Routh-Hurwitz, el margen de valores de  $k$  para los cuales es estable.

- (a)  $-1000 < k < 1560$  , (b) siempre es estable , (c)  $0 < k < 1000$  , (d)  $0 < k < 1000 \frac{1560}{256}$

**Ejercicio 7. Criterio de Nyquist.** Considerar el lazo  $G(s) = \frac{10}{s^2(s+1)}$ .

¿cuántos polos inestables tendrá el servo resultante de aplicar retroacción unitaria negativa alrededor de  $L(s)$ ?

- (a) ninguno , (b) uno , (c) dos , (d) tres

**Ejercicio 8. Transformada L directa e inversa.** Considerar las señales  $x(t) = 4t - e^{3t}, t \geq 0$  e  $Y(s) = \frac{s+1}{s+1.61}$ . La transformada de Laplace directa de la primera e inversa de la segunda son, respectivamente,

(a)  $X(s) = \frac{4}{s^2} - \frac{1}{s+3}, y(t) = -0.61e^{-1.61t}, t \geq 0$

(b)  $X(s) = \frac{4}{s^2} - \frac{1}{s-3}, y(t) = 1.61e^{-1.61t}, t \geq 0$

(c)  $X(s) = \frac{4}{s^2} - \frac{1}{s-3}, y(t) = -0.61e^{-1.61t}, t \geq 0$

(d)  $X(s) = \frac{4}{s^2} - \frac{1}{s+3}, y(t) = 1.61e^{-1.61t}, t \geq 0$

**Ejercicio 9. Parámetros de la respuesta temporal.** Considerar un sistema de segundo orden

$$M(s) = \frac{k_1 \omega_n^2}{s^2 + 2\zeta \omega_n s + \omega_n^2} = \frac{k_2}{(s+p)(s+p^*)}$$

Se trata de determinar los rangos de valores de los diferentes parámetros (o, equivalentemente, regiones del plano complejo donde deben estar los polos) a fin de que la respuesta indicial presente las siguientes características:

- Error en régimen permanente:  $e(\infty)=0,$
- Rebasamiento (*overshoot*):  $R_{pt}<10\%,$
- Tiempo de establecimiento (2%):  $t_s<0.5s,$
- Frecuencia de oscilación:  $\omega_d>1rad/s$

Seleccionar la opción falsa:

- (a) La ganancia  $k_2=500$  junto con los polos  $-10 \pm j20$  satisfacen todas las especificaciones
- (b) La ganancia  $k_2=500$  junto con los polos  $-20 \pm j10$  satisfacen todas las especificaciones
- (c) La ganancia  $k_2=200$  junto con los polos  $-10 \pm j10$  satisfacen todas las especificaciones
- (d) La ganancia  $k_2=800$  junto con los polos  $-20 \pm j20$  satisfacen todas las especificaciones

**Ejercicio 10. Ábaco de Nichols.** La figura muestra la representación fase-ganancia de un lazo  $G(s)$  y, superpuesto, el ábaco de Nichols. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es falsa?

- (a) La frecuencia de resonancia en el servo  $T(s) = \frac{G(s)}{1 + G(s)}$  es  $\omega_r = 1.43$  rad/s y el valor de la resonancia es  $M_r = 10$  dB.
- (b) A frecuencia 2.2 rad/s el servo presenta un módulo de -3 dB.
- (c)  $G(s)$  no presenta ningún integrador y el exceso de polos sobre ceros es de 3.
- (d) El ancho de banda a -3 dB es  $\omega_b = 2.2$  rad/s.

